

e" In

|**■**| x²

toDMS {

Cha vas EXE

sin cos tan

log

log₁₀(II)

{} ()

🚺 Cla

Mat.1 Mat.2

Mat.3

Trig

Var

Casio ClassPad fx-CP400

CAS-laskimen helppotajuinen kuvaus ja pikaopas laitteen käyttöönottoon

Runsaasti esimerkkejä

Neumann Palovaara

D Pi

Muok Zoom Analyysi

▼y1=x³-3•x+1

Real

y3:0

y4:0

y5:0 y6:0 y7:0 y8:0

y2=0.1⋅x²+0.5

Arkki1 Arkki2 Arkki3 Arkki4 Arkki5

CASIO

2=A·x²+B

y5:0

FXI

Sisällys

Johdanto	5
Yleistä laitteesta	6
Pääsovellus	7
Muokkaa-valikko Vrituaalinäppäimistö Toimintaperiaate	8 8 11
Interaktiivinen valikko	12
Yhtälöiden ratkaisukäsky solve Muunnokset Jonon luominen ja laskeminen Yhtälöryhmien ratkaiseminen	13 14 14 15
Muuttujien ja funktioiden käyttäminen	16
Muuttujien hallinta Funktiot	16 17
Ehto-operaattorin käyttäminen	17
Matriisilaskutoimitukset	18
Vektorilaskutoimitukset	19
Grafiikkasovellus	20
Zoom-valikko Funktiolaskutoimitukset grafiikkaikkunassa Dynaamiset käyrät	23 23 24
Geometriasovellus	25
Kolmion piirtäminen tarkoilla sivu- ja kulmamitoilla Kolmion piirtäminen näytössä Funktioiden käyttäminen geometriasovelluksessa	25 27 27

3



4

Listojen käyttäminen	28
Tietojen graafinen esittäminen	29
Regressiot	30
Jonojen syöttäminen	31
Jakaumafunktiot	32

Asetukset ja niiden nollaaminen 33

Tilapalkki	33
Järjestelmäsovellus	33
Laitteen nollaaminen	33

Osa 2 – Esimerkkitehtäviä

Trigonometristen yhtälöiden ratkaiseminen	34
Kolme tuntematonta sisältävien yhtälöryhmien ratkaiseminen	35
Funktion muodostaminen reunaehtojen avulla	36
Kahden funktion kuvaajan leikkauspisteiden määrittäminen	36
Paikallisen maksimiarvon ja absoluuttisen maksimin määrittäminen	38
Derivointi ja integrointi	40
Derivaattafunktion muodostaminen	41
Kolmion ympäri piirretyn ympyrän määrittäminen	45
Hypoteesin testaus	48

Hakemisto

50

34

28

Johdanto

Tämän kirjasen tavoitteena on antaa ClassPad fx-CP400 -laskimesta yleiskuva, jonka perusteella voit helposti muodostaa ensivaikutelman laitteesta.

Kirjanen muodostuu kahdesta osasta:

Ensimmäisessä osassa esitellään laitteen tärkeimmät toiminnot ja annetaan käyttöesimerkkejä.

Toinen osa sisältää esimerkkitehtäviä, joiden avulla voit tutustua tarkemmin laitteen toimintaan.

Muistiinpanotila

Omat muistiinpanot ovat tärkeimpiä. Siksi kirjasen reunassa on vihjeitä ja tilaa muistiinpanoille.



Johdanto

Vihje

5

Kaikki tämän vihkosen näyttökuvat on luotu Manager-ohjelman versiolla 01.00.0000.2220 ja laitteen versiolla ClassPad II 00.14.0010.



Yleistä laitteesta

Kun laitteeseen kytketään virta ensimmäisen kerran, laite tulee kalibroida koskemalla kynällä tarkasti rastien keskelle. Hyväksy ehdotetut asetukset. Koskemalla kuvakepalkin kohtaa Menu avautuu päävalikko, josta käynnistetään laitteen sovelluksia.



Päävalikossa on lueteltu kaikki käytettävissä olevat sovellukset, ja ne voidaan valita koskettamalla näyttöä. Päävalikossa on kaksi näkymää, joita voi vaihtaa vetämällä kynällä päävalikkoa vasemmalle/oikealle.

Valikkoon pääsee aina myös näytön alareunassa olevan kuvakepalkin avulla. Tärkeimmät käskyt voi valita nopeasti kuvakepalkista.

MENU ¢	Settings Menu Main Resize Swap Rotate Esc ✿ 品品 √α 문제 문제 ■ ▲ ★
√α Pääsovellus	1 2 3 4 5 6 7
eActivity Tilasto	1 Valikkosivun asetukset
Taulukko Käyrä&	2 Päävalikon avaaminen 3 Pääsovelluksen avaaminen 4 Aktiivisen ikkunan suurentaminen
Geometr. Kartio- leikk	5 Jaetun näytön ikkunoiden vaihtaminen 6 Näytön kääntäminen
Diffyht- grf NumRatk	7 Poistumis/keskeytyshappain
Lukujono	
(

Yleistä laitteesta

Pääsovellus

Pääsovellusta käytetään eniten, sillä

siinä suoritetaan kaikki laskutoimitukset. Voit suorittaa laskutoimituksen painamalla 📼 -näppäintä. Vasemmassa reunassa on laskut, oikeassa vastaukset.



Tässä näkyy, että 2/4 on muunnettu automaattisesti muotoon 1/2.

Jos haluat nähdä tuloksen desimaalilukuna, valitse vastaus kynällä ja paina vasemmassa yläreunan $\underbrace{\Psi_2}_2$ -näppäintä. Tässä tulos on muutettu desimaalilu-

Tässä tulos on muutettu desimaaliluvuksi.

Potenssit voidaan syöttää mm. ^-näppäimen avulla.

Desimaaliluvuissa käytetään pistettä (.) ja pilkkua (,) käytetään parametrien erotteluun.

Tilapalkki ilmoittaa tulosten esittämistavan. Lisätietoja on sivulla 33.



Merkintä voidaan valita kynällä ja vetää ja pudottaa toiseen paikkaan.





Murtoluvut syötetään virtuaalinäppäimistön avulla, katso sivu 9.





Muokkaa-valikko

8



Muokkaa-valikko (Muok) sisältää syötettyjen tietojen käsittelykomennot.

- Kumoa/Tee uudelleen peruuttaa viimeisimmän käskyn.
- Leikkaaminen, kopioiminen ja liittäminen toimivat samalla tavoin kuin tietokoneessa.
- Poistomahdollisuuksia on useita:
 - merkin poistaminen: Näppäimistön 🗢
 - rivin tyhjentäminen: Näppäimistön clear
 - rivin poistaminen: Poista
 - näytön tyhjentäminen: Tyhjennä kaikki

Virtuaalinäppäimistö

Virtuaalinäppäimistön avulla voi syöttää erilaisia merkkejä ja käskyjä. Näppäimistö näytetään ja piilotetaan (Keyboard)-näppäimellä.

🌣 Muok Toiminto Interakt 🛛 🖂								
0.5 <u>1</u> 1⇒2	6	fdx- Jdx+	Simp	<u>fdx</u>	▼ ₩	v >		
þ				,				
Mat	.1	Line	-	V	π	Þ		
Mat	.2	0	e "	ln	log∎□	Vo		
Mat	.3		X ²	X ⁻¹	log ₁₀ (1)	solve(
Tri	g		toDMS	{	{}	()		
va ah		\sin	cos	tan	0	r		
A	•	+	Pa	9	vas	EXE		
Alg		Tarkk	8	Real	Rad	(11)		

Virtuaalinen näppäimistö muodostuu yhdeksästä alueesta. Ne on merkitty erilaisilla tunnuksilla:





9

Pääsovellus



Pääsovellus

Toimintaperiaate

ClassPad on suunniteltu niin, että käyttäjän ei tarvitse tietää laskimen komentojen kirjoitusasua. Tätä varten on interaktiivinen valikko Interakt. Laskun kirjoittamisen jälkeen lasku maalataan, jonka jälkeen valitaan interaktiivisesta valikosta suoritettavat toimenpiteet (esim. sievennä, derivoi, ratkaise, jaa tekijöihin).

Osassa tehtäviä interaktiivinen valikko puolestaan kysyy käyttäjältä laskuissa tarvittavat tiedot ja täyttää komennot automaattisesti. Tällaisia ovat esimerkiksi vektori- tai jakaumalaskut.

Sovellusten välillä voidaan siirtää tietoa raahaamalla tai kopioimalla ja liittämällä.



Vihje Komentopohjaista tapaa suosiville on Toiminto-valikko, josta löytyy samat komennot kuin Interaktiivisesta valikostakin.

Pääsovellus



Kopioiminen ja liittäminen

12

Muok Toiminto Interakt 0.5 1 Kumoa/tee uudell ₩ Ŧ Leikkaa b Коріоі Liitä Valitse kaikki Poista Tyhj kaikki muuttujat Tyhjennä kaik Alg Tarkka Real Rad

Muokkaa-valikossa ja virtuaalinäppäimistön avulla voit kopioida, leikata ja liittää merkintöjä. Se on erityisen hyödyllistä silloin, kun tarvitset laskutoimituksen tulosta seuraavassa tehtävässä.

Merkinnät täytyy ensin valita kynällä.

	e			
	-	In	log∎□	$\sqrt{\Box}$
	x ²	x ^{−1} log ₁₀ (II)		solve(
	toDMS	{	{}	()
sin	cos	tan	0	r
+	E _b	4	vas	EXE
Tarkka	3	Real	Rad	(11)
	sin Tarkka	III toDMS sin cos IIII Tarkka	Image: topMs Image: topMs sin cos topMs Image: topMs sin cos topMs Image: topMs topMs Image: topMs sin cos topMs Image: topMs topMs Image: topMs	Image: Constraint of the second se

Kopioi Liitä

Interaktiivinen valikko

Interaktiivinen valikko (Interakt) sisältää useita tärkeitä käskyjä. Lauseketta voidaan käsitellä, kun se on valittuna näytön vasemmassa reunassa.

Edelliseen vastaukseen voidaan aina viitata myös ans-muuttujan avulla. Virtuaalinäppäimistön komennolla vas (vastaus) voit käyttää kaikissa interaktiivisen valikon komennoissa suoraan edellistä tulosta lisälaskujen suorittamiseksi.

Valikko, jota tarvitaan yhtälöiden ratkaisemisessa, tulee näkyviin Interakt -> Lisätoim -> solve.



Yhtälöiden ratkaisukäsky solve

ClassPadin avulla voidaan ratkaista yhtälöitä. Se tapahtuu esim. käyttämällä Interaktiivisen valikon Lisätoiminnot (Lisätoim) komentoa solve.

Seuraavassa esimerkissä ratkaistaan yhtälö $x^2 + 2x - 15 = 0$.



Vihje

Yhtälö voidaan syöttää solvekomentoon myös käsin.



Muunnokset

14



ClassPadin avulla voidaan muodostaa ja laskea jonoja. Jonot muodostetaan valikon kohdassa Luettelo -> Luo -> Seq. Tämän jälkeen syötetään lauseke ja muuttuja (valmiiksi ehdotettu) sekä jonon alku, loppu ja lisäyksen määrä ink-rementti. Oikeanpuoleisessa ruutukaappauksessa näkyy jonon esittämistapa.

từ Muok To 1512 (t) ⊨ fđ D	iminto Interal Muunnos Lisätoim Laskenta Kompleks Luett Matriis Vektori Yhtälö/Epäyht Avustaja Jakauma/kään	tuo Tilasto Laskenta tälö t. jakauma	× + + + + + + + × ×	Lau Muu Alk Lop	g iseke: uttuja: u: ip: rement: OK	x^ x 1 8 1	2	Pe			© 0,5 1 1→2 seq(Muok Toiminto	Interak P Jdx L) , 25, 36	t ▼	× •4}
	Define		Ĺ	Ma	t.1 Lin	. =	√■	π	÷	I					
				Ma	t.2 📑	e	ln	log∎□	$\sqrt{\Box}$	I					
				Ma	t.3	X2	X ⁻¹	log ₁₀ (∥)	solve(I					
				Tr		toDMS	{	{ }	()	I					
					ar sin	cos	tan	0	r	I					
			V	a	v +	E	9	vas	EXE						V
Alg Tark	ka Real	Rad		Alg	Tark	ka	Real	Rad	(Alg	Tarkka	Real	Rad	(1)

🌣 Muok To	oiminto Interak	rt	X
0.5 1 B 6	Muunnos		•
	Lisätoim		->
$seq(x^2, x,$	Laskenta		
{1,4,	Kompleks		- >
h	Luett	Luo	•
	Matriis	Tilasto	•
	Vektori	Laskenta	•
	Yhtälö/Epäyht	älö	•
	Avustaja		
	Jakauma/kään	t. jakauma	\rightarrow
	Talous		
	Define		
			T
Alg Tark	ka Real	Rad	(

Valikon kohdassa Tilasto ja Laskenta voit suorittaa listoille erilaisia laskutoimituksia.

Voit esimerkiksi laskea keskiarvon tai keskihajonnan.



Yhtälöryhmien ratkaiseminen

Yhtälöryhmien ratkaiseminen on helpointa virtuaalinäppäimistön Mat.1 välilehden avulla. Paina fel-näppäintä. Aaltosulkeella yhdistetyille riveille syötetään yhtälöryhmän yhtälöt. Sijoitausviivan oikealle puolelle syötetään ratkaistavat muuttujat, jotka erotetaan toisistaan pilkulla.



Ensimmäisessä tapauksessa yhtälöryhmällä on yksi (yksiselitteinen) ratkaisu.

Toisessa tapauksessa yhtälöryhmällä on ääretön määrä ratkaisuja.

Kolmannessa tapauksessa yhtälöryhmällä ei ole ratkaisuja.

 Alimmassa yhtälöryhmässä on yhtälöitä vähemmän kuin muuttujia.

ClassPadin avulla voidaan ratkaista myös epälineaarisia yhtälöryhmiä. Esim. ympyrän ja paraabelin leikkauspisteiden laskemista varten.



sisältävän yhtälöryhmän

ratkaisemista varten,

uudelleen.

kosketa [= -näppäintä

Vihje

Monikirjaimisia muuttujia käytetään esimerkiksi vektoreiden ja matriisien vhtevdessä. Esim. v1, v2, m1, m2, AB, AC, ... Vihje Ennen kuin aloitat uuden tehtävän, poista kaikki muuttujat

valikosta

ta.

Muok -> Tyhj kaikki

muuttujat. Tämä ei poista tallennettuja funktioi-

Muuttujien ja funktioiden käyttäminen

ClassPadin avulla muuttujaan voidaan sijoittaa haluttuja arvoja tai lausekkeita. Sijoittaminen tapahtuu ohjelmistonäppäimistön sijoitusoperaattorin \Rightarrow avulla.

O M	uok Toiminte	o Interak	t		$\left \times \right $
0.5 <u>1</u> 1⇒2	h∋► [dx] Sin	mp <u>fdx</u>	•[₩	•	Þ
$25 \Rightarrow t$					
				25	
2t					
				50	
factor	(a ² +2ab+	b ²)			
		a ² .	+b ² +2	2•ab	
factor	$(a^2 + 2axb)$	$+b^2$)			
			(2+)	2	
factor	$(a^2+2ab+$	b^2)	(ari		
			(a+)	h) 2	
þ				.,	
					V
Ala	Tarkka	Real	Rad	1	/111

Näppäimistön muuttujat x, y, z ja virtuaalinäppäimistön var-välilehden avulla käytettävät muuttujat ovat niin kutsuttuja yksikirjaimisia muuttujia.

Virhetulkintojen välttämiseksi kertolaskujen yhteydessä on aina määritettävä operaattori, jos muuttuja on abc-valikon tai tietokoneen näppäimistön aakkosista.

- Lauseke ab tulkitaan monikirjaimiseksi muuttujaksi ab.
- Jos syötät lausekkeen muodossa a*b tai käytät virtuaalinäppäimistön var-välileh-
- den muuttujasymboleita, se tulkitaan oikein kahdesta muuttujasta muodostuvaksi lausekkeeksi.

Muuttujien hallinta

Avaamalla muuttujien hallinnan, voit tutkia ja hallita tallennettuja muuttujia. Valitsemalla muuttujan arvon listasta ja koskemalla sitä kynällä kahdesti voit tarkastella tallennettua lauseketta tai muuttujan arvoa.



Muuttujien ja funktioiden käyttäminen

16

Funktiot



Define-käskyn avulla voit määrittää funktioita. Tämän jälkeen voit käyttää funktion nimeä laskutoimituksissa.

Vasemmalla on määritetty f ja laskettu sitten funktion arvo kohdassa x = 3. Lopuksi on määritetty nollakohdat.

Laite näyttää yhtälön kaikki ratkaisut. Mat.2 -välilehden avulla voidaan myös derivoida funktioita ja määrittää integraalifunktioita. Jos halutaan määrittää integraalifunktio määrätyn integraalin sijaan, integraalirajat jätetään tyhjiksi. Laskimen yksittäisvastauksessa C = 0.

Ehto-operaattorin käyttäminen

Ehto-operaattori (with-operaattori) sallii arvojen käyttämisen funktioon tai lausekkeeseen:



Ehto-operaattori sijaitsee virtuaalinäppäimistön välilehdellä Mat.3.

Vasemmalla on laskettu arvo määritetylle lausekkeelle ehdolla x = 1 ja y = 2. Vihje

Define-käsky löytyy mm. Mat.3 välilehdeltä.

Vihje

Funktiolle kannattaa määrittää tunnus f, ensimmäiselle derivaatalle tunnus f1, toiselle derivaatalle tunnus f2 ja niin edelleen. Näin yleiskuva on helppo säilyttää.



Matriisimuuttujien (kuten m1 ja m2) käyttäminen on suositeltavaa, koska muuttujia on helpompi käsitellä.

ıjien n2)	Mat.1 Mat.2 Mat.3	Line	e d	√■ In d⊡

Trig

Var

abc

Alg

T

[1 2]²×3

 Image: Weak of the second s

[10] [8]

COS

 \sin

100

Tarkka

🌣 Muok Ta	oiminto Inte	rakt	×
0.5 1 J.► [d	Muunnos		Þ
	Lisätoim		•
$[1 \ 2]^2$	Laskenta		•
[3 4] ×3	Kompleks		•
	Luett		
	Matriis	Luo	
1.4(۷dim	Laskenta	<u>_</u>
det (ans)	۱ det 🦰	Rivi&sarake) b
	A norm		Þ
0	J rank	iänt, jakauma	•
	T ref		+
	C rref 🗡		
	eigVl 🔸		
	eig∀c		
	LU		
	QR		
		l	
Alg Tarl	kka Re	eal Rad	(111)

Matriisilaskutoimitukset

21 30]

45 66

π

i

/

Σ□

θ

vas

Rad

[88]

tan

Real

⇒

00

lim

10

t

EXE

ClassPad voi käyttää laskutoimituksissa myös matriiseja. Niiden määrittäminen on helpointa Mat.2 välilehden avulla.

Neljännellä rivillä on kolme tärkeää komentoa: 💷 📳 🔠

Matriisi suurenee, kun -näppäintä

kosketetaan monta kertaa.

Iisää sarakkeen.

[]] lisää rivin.

Tämän jälkeen matriiseja voi käyttää laskutoimituksissa.

Esimerkkitapauksessa matriisi on ensin neliöity ja kerrottu sitten kolmella.

Interakt -valikon Matriisi -> Laskenta alavalikossa on matriisilaskutoimituksissa tarvittavat käskyt.

det laskee matriisin determinantin.

ref muuntaa matriisin porrasmuotoon.

rref muuntaa matriisin redusoituun porrasmuotoon. Tätä käytetään erityisesti silloin, kun yhtälöryhmiä halutaan laskea matriisien avulla.

eigvl laskee matriisin ominaisarvot.

Vektorilaskutoimitukset

ClassPadia voi käyttää myös vektorilaskutoimituksiin. Tällöin vektorit kannattaa tallentaa muuttujina ()-näppäimen avulla. Tämän jälkeen muuttujia voi käyttää laskutoimituksissa:



Muok Toiminto Interakt

Lisätoim

Kompleks

Matriis

Vektori Yhtälö/Epäyhtälö

Avustaja

Talous

Define

Desim.

Jakauma/käänt, jakauma

Real

Ast

•

Þ

Þ

۲

.

Þ

Þ

(111)

[1 4 -2]\$ Laskenta

[2 0 3]⇒vLuett

augment

fill

dim

unit¥

angle norm

crossP

dotP toRect toPol toSph toCyl

Alg

Aluksi molemmat vektorit lisätään ja sijoitetaan ne muuttujien v1 ja v2 paikoille. Tämän jälkeen molempia vektoreita voi käyttää laskutoimituksissa.

Vasemmalla nähdään, kuinka molemmille vektoreille on laskettu pistetulo (dotP) ja vektorien välinen kulma.

Tämän voi tehdä myös Interaktiivisen valikon kautta, jolloin kysytyiksi vektoreiksi voi kirjoittaa edellä tallennetut v1 ja v2.

Vektorilaskutoimituksissa käytettävät käskyt ovat Interakt-valikossa kohdassa Vektori.

angle laskee vektoreiden välisen kulman.

norm laskee pituuden eli normin.

crossP laskee ristitulon/vektoritulon.

dotP laskee pistetulon.





Grafiikkasovellus

Grafiikkasovelluksessa voi kuvakkeensa mukaisesti käyttää funktion kuvaajia ja suorittaa laskutoimituksia kuvaajilla - esimerkiksi piirtämällä kuvaajat ja taulukoimalla funktion arvoja

Muok Zoom AnalyysiMuok T-fakt Kuvaaja \forall Muok Zoom Analyysi \forall Muok T-fakt Kuvaaja \forall Muok Zoom Analyysi \forall Muok T-fakt Kuvaaja \forall Muok Zoom Analyysi \forall Muok T-fakt Kuvaaja \forall Muok T-fakt Kuvaaja \forall Muok T-fakt Kuvaaja \forall y1=x2-1 \forall y1=x2-1 $y2:0$ $y2:0$ $y3:0$ $y2:0$ $y4:0$ $y4:0$ $y5:0$ $y5:0$	Muok Zoom Analyysi • × ¥1: Image: Section of the section	Näytön yläosassa näkyy grafiikkaedito- ri-ikkuna. Alaosassa näkyy grafiikkaikkuna. Funktiolausekkeen syöttämisen jäl- keen funktion voi pirrtää koskettamalla The -näppäintä tai luoda arvotaulukon koskettamalla IIII -näppäintä.
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	-näppäin:	[III] -näppäin:
Ast Beal (III)	Image: Second Analyysi Image: Second Analyysi Y1::::::::::::::::::::::::::::::::::::	$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

Valikko- ja symbolipalkit muuttuvat aktivoidun ikkunan mukaan:

\forall		y=	Ŧ		# \$:	띘	
1	2	3		4	5	6	

Funktiolausekeikkuna aktivoituna (yllä)

- 1 Grafiikkaikkunan aktivointi (funktio piirretään)
- 2 Arvotaulukoiden luonti
- 3 Funktiotyypin muuttaminen
- 4 Grafiikkaikkunan asetus
- 5 Arvotaulukon asetus
- 6 Kulkukaavion luonti



Funktion kuvaajaikkuna aktivoituna (yllä)

- 1 Grafiikkaeditori-ikkunan aktivointi
- 2 Arvotaulukoiden luonti
- 3 Grafiikkaikkunan asetus
- 4 Arvotaulukon asetus
- 5 Zoomausruutu (nelikulmaisen kehyksen vetäminen grafiikkaikkunassa)
- 6 Automaattinen zoomaus
- 7 Trace-toiminto

8 9 10 11

- 8 Kuvaajan nollakohtien määritys (viittaa vain grafiikan näyttöalueeseen!)
- 9 Kuvaajan paikallisen maksimipisteen määrittäminen (viittaa vain grafiikan näyttöalueeseen!)
- 10 Kuvaajan paikallisen minimipisteen määrittäminen (viittaa vain grafiikan näyttöalueeseen!)
- 11 Kulkukaavion luonti





Vihje

Kulkukaavio rajataan aina koordinaatiston x-akselin mukaan.

Vihje

Asetuksista voi säätää haluaako toisen derivaatan mukaan kulkukaavioon.

11	un	.ui		un	uu	10	011	•

22



Näytön alareunassa olevan valikon **Resize**- ja **Swap**-käskyillä voi muuttaa ikkunanäyttöä:









Zoom-valikko

🌣 Muok	Zoom Analyysi 🔹 🔀	
¥1:… ¥2:…	Ruutu	
-7 -6 -5 -	Kerroin Lähennä Loitonna Auto Alkuper. Neliö Pyör. Kok.luku Edellinen	
Arkki1 Arl	Pika Pika Trig	
▼ y1=x ² y2:0 y3:0 y4:0 y5:0 y6:0 x7:0	Nopea log(x) Nopea e^x Nopea x^2 Nopea vakio	
Ast Rea	al 🔟	

Zoom-valikossa on useita asetuksia, joiden avulla voi mukauttaa funktion esittämistapaa. Seuraavassa on muutamia esimerkkejä:

Ruutu: Alueen määrittäminen rajaamalla.

Lähennä / Loitonna: Funktion suurentaminen tai pienentäminen.

Auto: Parhaan mahdollisen esitystavan etsintä. Hyvä kaukana origosta olevien kuvaajien etsimiseksi näyttöön.

Alusta: Koordinaatiston alustus perusasetuksille

Funktiolaskutoimitukset grafiikkaikkunassa

Kuvaajien laskutoimitusvaihtoehdot ovat Analyysi-valikossa. Huomaa, että laskutoimituksia voi suorittaa vain näkyvissä olevan grafiikkaikkunan alueella. Uutena ominaisuutena mukana on mm. käyrien välinen integraali ja käyrien rajoittaman alueen pinta-ala.

🌣 Muok Zoom Ana	lyysi 🔹 🗙
¥1: Jälj	itä 3 hv 🕨
Luo	nn.
G-R	LaskeX/LaskeY 🔸
Muc	Juuri
	Minimi
-7-6-6-4-9-0	Maksimi
1004024	fMin
	fMax
	y-akselin 1p
-4	Leikkausp
	Integraali 🔹 🕨
Arkki1 Arkki2 Arkki3	Käännep
$v_{y1=x^{2}-1}$	Etäisyys
v2:0	π∫f(x)²dx
□v3:□	
y4.U	
y5:U	
y6:□	
v7 •	
Ast Real	(111)



Vihje Zoomaukseen voi käyttää myös näppäimiä +,- ja=. + suurentaa - pienentää = zoomaa automaattisesti



Grafiikkasovellus

Geometriasovellus

Geometriasovelluksessa voit piirtää geometrisia muotoja, käsitellä ja muotoilla niitä uudelleen sekä mitata pituuksia ja kulmia. Lisäksi voit suorittaa erilaisia konstruktiotehtäviä.

Symbolipalkki geometriasovelluksessa:



1 Valintaikkuna

- 2 Pisteet ja viivat
- 3 Kolmiot ja nelikulmiot 4 Konstruktiot
- 5 Näkymät (selaa eri näkymiä koskettamalla useita kertoja)



Erikoisominaisuus on mittakenttä, jonka voi avata painamalla symbolia ►:

Mittakentässä näytetään mm. valittujen objektien pituudet ja kulmat, kappaleiden pinta-alat ja mahdolliset yhtälöt. Myös arvojen syöttäminen ja lukitseminen on mahdollista.

Kolmion piirtäminen tarkoilla sivu- ja kulmamitoilla



Kolmio muodostetaan geometriaikkunassa napsauttamalla symbolipalkin kolmionäppäintä ja rajaamalla kolmion piirtämiseen suunniteltu alue kynällä.

Jos pituus- ja kulmatiedot ovat käytettävissä, kolmion voi mukauttaa haluttujen arvojen mukaan asettamalla koordinaatiston näkyviin.

Jos koordinaatisto ei ole näkyvissä, kulmapisteiden koordinaatit eivät ole kokonaislukuja.



26

Vihje

Jos haluat peruuttaa objektin valinnan, kosketa näytön vapaata kohtaa.



Avataan mittakenttä. Kun kosketetaan esimerkiksi janaa BC, ylhäällä mittakentässä näkyy janan pituus. Vasemmalla näkyy pituuden symboli ➡

Oikealla näkyy, että tarkistusruutua ei ole lukittu. Jos ruutu on lukittu kuten alla, janan mitta pysyy vakiona, kun muita janoja tai kulmia muutetaan.



Valittu ominaisuus voidaan lukita koskettamalla tarkistusruutua kerran.



Janan valinnan voi poistaa koskettamalla vapaata aluetta.

"on yhtä kuin" -merkki sovittaa kuvion ihanteellisesti.





Jos halutaan tarkastella kulman suuruutta, kosketetaan peräkkäin kahta janaa, jotka muodostavat kulman.

Myös tätä kulmaa voi muuttaa mittakentän avulla tai sen suuruuden voi lukita.

Vihje

Voit piirtää kulman näkyville valikosta Piirrä -> Kiinn. kulma (Kiinnitä kulma). Kulmaan voi tarttua ja raahata sen kylkien eri puolille.

Kolmion piirtäminen näytössä

Objekteja voidaan käsitellä näytössä myös kynän avulla.







Lisätään kolmio. Valitaan Nostetaan kynä ja tartu- Myös kolmion sivuja voi sen jälkeen ylhäällä oleva piste B koskettamalla. Koordinaatit näkyvät nyt lä toiseen paikkaan. ruudun alareunassa.

taan pisteeseen B. Nyt pi- valita ja liikuttaa samalla ste B voidaan siirtää kynäl- tavoin.

Funktioiden käyttäminen geometriasovelluksessa

Funktioita voi käyttää myös geometriasovelluksessa.



Kohdassa Piirrä -> OK. Funktio -> f(x) voidaan määrittää haluttu funktio.

Vahvistetaan valitsemalla

Piirretty kuvaaja voidaan valita ja tutkia sen ominaisuuksia kuten edellä tutkittiin kolmiota.





Tilastosovellus

Listojen käyttäminen

Tilastosovelluksessa voidaan käyttää arvolistoja ja suorittaa esim. regressioita.



Listojen nimet (esimerkiksi "list1") ovat samanaikaisesti muuttujien nimiä, joiden alle merkityt arvot on tallennettu.

Listan nimi voidaan vaihtaa koskettamalla esimerkiksi listan nimeä list1 ja muuttamalla merkintä haluttuun muotoon. Tiedot syötetään alle.

Symbolipalkissa on eri vaihtoehtoja:



- 1 Tietojen graafinen esitys
- 3 Pääsovellusikkunan näyttö
- 5 Asetusten näyttäminen
- 7 Sarakemäärän näyttö (kosketa useita kertoja)
- 2 Grafiikkaeditori-ikkunan näyttö
- 4 Vakion muunto luvuksi
- 6 Grafiikkaikkunan asetus



- 8 Rivin poistaminen
- 10 Rivin lisääminen
- 12 Tietojen laskeva lajittelu
- 9 Sarakkeen poistaminen
- 11 Tietojen nouseva lajittelu

Tietojen graafinen esittäminen

Seuraava esimerkki kuvaa, miten tietoja voidaan esittää graafisessa muodossa. Graafinen esitys kuvaa tuotteen myyntilukuja.



tiedot.

takaavio.

Sarakkeet nimetään en- Kohdassa 🔤 valitaan Nyt tiedot esitetään 🔤sin halutulla tavalla. Tä- tutkittaviksi listoiksi Vuosi näppäimen avulla graamän jälkeen syötetään ja Myynti. Valitaan siron- fisessa muodossa. Ikkuna mukautuu automaattisesti.



Tilastosovelluksessa voi suorittaa erilaisia regressioita. Regressiotoiminto avataan Laske-valikosta.

Lineaarisen regression avulla muodostetaan regressiosuora esimerkkitietojen perusteella.



Vihje

Saatu funktiolauseke voidaan tallentaa Kopioi kaavakohdassa grafiikka- ja taulukkoalueelle.

Regressiot



Jonojen syöttäminen Listaan voidaan syöttää myös lukujonoja. 🜣 Muok Laske Aseta graafi 🔶 list3 list1 list2 Valitaan vastaavassa sarakkeessa 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 2 3 14 5 6 7 8 9 10 11 2 13 14 15 17 18 kenttä kohdan Cal yhteydessä. 🌣 Muok Laske Aseta graafi 🔶 list1 list2 list3 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 3 14 5 6 7 11 12 13 14 5 6 7 11 12 13 14 5 6 7 12 13 14 5 7 12 13 14 5 7 12 13 14 15 15 7 12 13 14 15 7 12 13 14 15 7 12 13 14 15 7 12 13 14 15 7 12 13 14 15 7 12 13 14 15 15 11 Cal Cal= (111 Tarkka Rad Auto Valitaan seuraavaksi syöttöikkuna. Vasemmalla lukee Cal. Cale > Ľ Cal= 🌣 Muok Laske Aseta graafi 🔶 Rad Auto Þ Tarkka ())) list3 list2 list1 234567891011231415678 Käskyjen syöttöjärjestys: (lauseke, muuttuja, lähtöarvo, päätösarvo, lisäys) 🌣 Muok Laske Aseta graafi 🔶 Cal⊳ seq(x^2, x, 1, 15, 1) Cal= list1 list2 list3 (111 Tarkka Auto 2 4 3 9 4 16 5 25 6 36 7 49 8 64 10 100 11 121 12 144 13 169 149 12 125 16 17 18 Rad Laite lisää jonon jäsenten arvot EXEpainikkeesta. Cal⊳ "seq (x... Cal= seq(x^2, x, 1, 15, 1) Rad Auto Tarkka (11)



31

Vihje Jakaumafunktioita voi valita myös pääsovelluksen kohdasta Interakt - Jakauma/ käänt. jakauma. Muok Toiminto Interakt 0.5 1 1→2 b fd Muunnos Lisätoim Þ Laskenta Kompleks Luett Matriis Vektori Yhtälö/Epäyhtälö Avustaja Jakauma/käänt. jakau Talous Define Ala Tarkka Real Rad (III

Jakaumafunktiot

Valikossa Laske - Jakauma on erilaisia jakaumafunktioita (esimerkiksi binomija normaalijakaumat), joita voi käyttää myös listoista riippumattomina.

Esimerkki: Arpakuutiota heitetään seitsemän kertaa. Tavoitteena on etsiä todennäköisyys sille, että parillinen luku heitetään enintään neljä kertaa.



Tilastosovellus

Asetukset ja niiden nollaaminen

Tilapalkki

Pääsovelluksessa näytön alareunassa näkyvä tilapalkki osoittaa sen, miten esimerkiksi laskutoimitusten tulokset näytetään. Asetuksia voi muuttaa koskettamalla.



- 1 Algebra-tila → Avusteinen tila (laite ei suorita automaattisia muunnoksia)
- 2 Tarkka (tulokset tarkkoina arvoina) → Desim. (likiarvojen näyttäminen)
- 3 Real → Cplx (laskeminen reaali- tai kompleksiluvuilla)
- 4 Rad → Ast → Gra (Kulman yksikön valinta)

Järjestelmäsovellus

Järjestelmä				X
Nollaa			Shift	Þ
Alusta				
Näyttöasetukset		ity		
Virtaominaisuudet	۶			_
Kieli				- 11
Imaginaariyks.				- 11
Näppäim				- 11
Vaihtonäppäimet				- 11
Muistinhallinta				- 11
Lopetusnäyttö				- 11
Kosketuspaneel. kohd.				- 11
Tiet: ClassPad	۶			- 11
Valitse				
Suomi]	(

Kaikki järjestelmäasetukset, mukaan lukien taustavalon kirkkaus ja kielivalinnat, määritetään järjestelmäsovelluksessa.

Symbolipalkki sisältää tärkeimmät asetusvaihtoehdot, mutta listan voi avata myös koskemalla kynällä Järjestelmä -sanaa näytön yläreunassa.

Alimmasta valikosta Tiet. ClassPad (Tietoja ClassPadista) voi tarkistaa versiotiedot ja antaa laskimelle nimen, joka näkyy aina ruudussa virran katkaisun yhteydessä.



voi nollata myös parissa sekunnissa

ensimmäiseltä

-> Nollaa.

Järjestelmäsovelluksen

välilehdeltä Reset ->

(vaihtoehto) Kaikki yllä

33

Laitteen nollaaminen

Esim. ylioppilaskirjoituksia varten laitteesta pitää poistaa ylimääräiset tiedot. Tämä on nopeaa ja helppoa. Järjestelmäsovelluksessa kosketaan sanaa "Järjestelmä", valitaan "Nollaa" ja alimmainen vaihtoehto "Kaikki yllä".

Tarkistathan voimassaolevat ohjeet ylioppilastutkintolautakunnan www-sivuilta. Muista myös laskinta vastaa Manager-ohjelmisto tietokonekäyttöön!

Jos laite ei vastaa tarkasti kynän liikkeisiin tai siitä on vaihdettu paristot, tulee laite kalibroida kynällä valikosta "Kosketuspaneel. kohd."



Osa 2 – Esimerkkitehtäviä

Kirjasen toisessa osassa on eri aihealueisiin liittyviä esimerkkitehtäviä. Niiden avulla voidaan tutustua laitteen käyttämiseen.

Trigonometristen yhtälöiden ratkaiseminen

Tehtävänä on seuraavan trigonometrisen yhtälön ratkaiseminen radiaaneina (näytön alareunan kulman yksikkönä rad): sin(0.5x) = 0.5



Kolme tuntematonta sisältävien yhtälöryhmien ratkaiseminen

1. Esimerkki Tehtävänä on

2y3z = 4х + 2y - 3z = 6-x2x + 4y2z = 8

(111)

lineaarisen yhtälöryhmän ratkaiseminen:

O M	uok Toin	ninto li	nterak	t	×		Muo	k Toir	ninto li	nterak	t	×
0.5 1 ₽2	∱► [fdx- Jdx+] Simp	<u>Ídx</u>	• +	v >		0.5 1 ♣2	► [dx- Jdx+] Simp	<u>fdx</u>	• ++	v
							x+2y- -x+2y 2x+4y	-3z=4 7-3z=0 7-2z=3	6 8 _{x,y} ,	Z		
Mat.1	Line	-	√■	π	¢		Mat.1	Line	-	√■	π	¢
Mat.2		e "	ln	log∎□	Vo		Mat.2	0	e "	ln	log∎□	V
Mat.3		X ²	X ⁻¹	log ₁₀ (II)	solve(Mat.3		X ²	X ⁻¹	log ₁₀ (1)	solve(
Trig		toDMS	{=	{ }	()		Trig		toDMS	{	{ }	()
ahc	sin	cos	tan	0	r		ahc	sin	cos	tan	0	r
	+	Pa -	4	vas	EXE		A V	+	Pa -	4	vas	EXE
Alg	Tarkk	8	Real	Rad	(11)	l	Alg	Tarkk	8	Real	Rad	0

0.5 1 ₽2	₽₽	∫dx ∫dx∉	Simp	<u>Ídx</u>	• ₩	T
[x+2	y-3	z=4	1			
-x+	-2y-	3z=6	3			- 1
[2x+	·4y-	2z=8	3 _{х, у,}	z		- 1
			{x=	-1, y	$=\frac{5}{2}, z=$:0}
n			t		4	1
ч						- 1
						- 3
Mat.	1 T	ine	-		π	\$
Mat. Mat.	1 I 2	.ine		√∎	π	⇒ ₹/Г
Mat. Mat.	1 I 2 3	.ine		√∎ ln	π log	⇒ √⊏
Mat. Mat. Mat.	1 I 2 3	Line	e x ²	√∎ ln x ⁻¹	π log _m [] log ₁₀ (]])	⇒ V⊏ solve
Mat. Mat. Mat. Trig	1 I 2 3	.ine 0" 1	e x ² toDMS	√■ ln x ⁻¹ {	π log _m [] log ₁₀ () { }	⇒ V⊏ solve
Mat. Mat. Mat. Trig Var	1 I 2 3	Line	e e x ² toDMS cos	√■ ln x ⁻¹ {■ tan	π log _m [] log ₁₀ (]]) { }	⇒ V⊏ solve
Mat. Mat. Mat. Trig Var abc	1 I 2 3	Line	e x ² toDMS cos	√■ ln x ⁻¹ {■ tan	π log _m log ₁₀ (II) { } ° Vas	⇒ solve () r EXE

näppäintä [lisäriviä Laskutoimitus käynnisvarten.

Valitaan ensin komento Yhtälöryhmä syötetään Etsitty ratkaisu näkyy Mat.1 välilehden avulla. ja pilkuilla erotetaan aaltosuluissa. Kosketetaan kaksi kertaa ratkaistavat muuttujat. tetään EXE-näppäimellä.

= 4

2yZ. 2. Esimerkki + 2y - 3z = 6-xTehtävänä on 2x2z = 84ylineaarisen yhtälöryhmän ratkaiseminen:

🗘 Muo	k Toin	ninto li	nterak	t		🗘 Muo	k Toin	ninto li	nterak	t	
	► [fdx- Jdx+	Simp	fdx ,	• [+	v >		► fdx- fdx+	Simp	fdx_	• [+	Ŧ
						{x+2y- -x+2y 2x+4y	-z=4 3z=6 2z=8	3 3 _{x,y,}	z		
Mat.1	Line	-	√■	π	÷	Mat.1	Line	-	√■	π	⇒
Mat.2	0	e"	ln	log∎□	VO	Mat.2	0=	e"	ln	log∎□	V
Mat.3		X ²	X ⁻¹	log ₁₀ ()	solve(Mat.3		X ²	X ⁻¹	log ₁₀ ()	solve
Trig		toDMS	{=	{}	()	Trig		toDMS	{	{}	()
Var	sin	COS	tan	0	r	Var	sin	COS	tan	0	r
	ŧ	P _B	ł	vas	EXE		+	P _B	ł	vas	EXE
Alg	Tarkka	3	Real	Rad	(1)	Alg	Tarkka	3	Real	Rad]

Mat.1 välilehden avulla Yhtälöt ja muuttujat syö- Merkintä z = z ilmaisee, saadaan luotua yhtälö- tetään ja laskutoimitus että ratkaisuja on äärettöryhmä pelkällä kynän käynnistetään EXE-näp- män monta ja z on mielikosketuksella.

päimellä.

 ∇

Ē

x⁻¹ log₁₀(II) solve(()

vas EXE

\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	-z=4 y-3z=6 y-2z=8 {x=-	3 3 -z-1, :	$z = \frac{2 \cdot z}{2}$	2+5, z=	=z}
Mat.1	Lino		./=	T	
	Lune		V I	1	
Mat.2		e	ln	log	₽
Mat.2 Mat.3		e ^m	ln x ⁻¹		⇒ V□ solve(
Mat.2 Mat.3 Trig		e ^m x ²	1n x-1	log _m []	⇒ V□ solve(
Mat.2 Mat.3 Trig Var		e ^m x ² toDMS	In x ⁻¹ {	log _m [] log ₁₀ (II) { }	v□ solve(
Mat.2 Mat.3 Trig Var abc		e [®] x ² toDMS cos	ln x ⁻¹ {	log _m □ log ₁₀ (II) { }	v□ solve(() r
Mat.2 Mat.3 Trig Var abc		e x ² toDMS cos	In x-4 { tan	log _m [] log ₁₀ (II) { } ° Vas	solve(() r EXE

Muok Toiminto Interakt

valtainen reaaliluku.



Vihje

36

Jos käytät fyysisen näp-päimistön muuttujaa x, et tarvitse kertomerkkiä. abc-näppäimistön x vaatii kertomerkin, sillä ilman sitä ax on kaksimerkkinen muuttuja.

Funktion muodostaminen reunaehtojen avulla

Tehtävänä on määrittää yhtälö sellaiselle toisen asteen funktiolle, jonka kuvaajan ääriarvo on pisteessä (1,2) ja joka kulkee pisteen (-1,4) kautta. Toisen asteen yhtälön yleinen muoto on $f(x) = ax^2 + bx + c$.

Reunaehtojen mukaan f(1) = 2, f'(1) = 0 ja f(-1) = 4.

🌣 Muok Toiminto Interakt 🛛 🖂	Muok Toiminto Interakt
^{0,5} 1 (h) ► fdx Simp fdx ▼ ↓↓ ▼ ►	$ \begin{array}{c} 05 \\ \underline{1} \\ 1$
Define $f(x)=ax^2+bx+c$	Define $f(x)=ax^2+bx+c$ Define $f(x)=ax^2+bx+c$
done	done done
þ	Define $f'(x) = \frac{d}{dx}(f(x))$ Define $f'(x) = \frac{d}{dx}(f(x))$
	done done
	[] [f(1)=2
	{f'(1)=0
	 f (-1)=4 a, b, c
	abc $\alpha\beta\gamma$ Mat. Symbol $\left\{a=\frac{1}{2}, b=-1, c=\frac{5}{2}\right\}$
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	🛨 < Välil EXE
Alg Tarkka Real Rad 🗰	Alg Tarkka Real Rad (000) Alg Tarkka Real Rad

Ensin määritetään funktio Define -komennolla. Tämä löytyy helpoiten Mat.3 välilehdeltä.

funktion derivaatta. Voidaan käyttää Mat.2 välitoa. Funktion nimeen löytyy derivaatan symboli abc -> Mat. välilehdeltä.

Seuraavaksi määritetään Sen jälkeen lisätään yhtälöryhmä ja ehtoyhtälöt. Mat.3 välilehden lehden derivointikomen- sijoitusmerkillä saadaan vastaus (alla).

^{0.5} 1/2 (h)► fdx Simp fdx ▼ ↓↓ Define $f(x)=ax^2+bx+c$ Aivan yhtä hyvin derivaadone tan voi nimetä esim. f1(x). Define $f'(x) = \frac{d}{dx}(f(x))$ done (f(1)=2 f'(1)=0 f(-1)=4 a, b, c $\left\{a=\frac{1}{2}, b=-1, c=\frac{5}{2}\right\}$ f(x) | ans $\frac{x^2}{2} - x + \frac{5}{2}$

Tarkka

Ala

Real Rad

(III)

Muok Toiminto Interakt

Kahden funktion kuvaajan leikkauspisteiden määrittäminen grafiikkasovelluksessa

Tehtävänä on määrittää seuraavien funktioiden kuvaajien leikkauspisteet ja käyrien rajaaman alueen pinta-ala. Funktiot ovat

$$f(x) = x^3 - 3x + 1$$
 ja $g(x) = 0, 1x^2 + 0, 5$.



- Laite löytää vain sellaisten leikkauspisteiden koordinaattien numeerisia ratkaisuja, jotka näkyvät grafiikkaikkunassa. Ellei funktiolausekkeista käy selvästi ilmi, että muita leikkauspisteitä ei ole, käytä solve-funktiota.
- Voit laskea myös leikkauspisteiden x-koordinaattien arvot muodostamalla yhtälöparin pääsovellusikkunassa. Tällöin määritetään ratkaisun tarkka arvo.



Paikallisen maksimiarvon ja absoluuttisen maksimin määrittäminen

Tehtävänä on määrittää absoluttinen ja paikallinen maksimiarvo funktiolle f(x) = x³ - 3x + 1.





Paikallinen maksimiarvo saadaan kuvaajan päällä olevasta työkalupalkista (näkyvän x-akselin alueella) pikakuvakkeesta MAX.





Valikosta Analyysi -> G-ratk -> fMax saadaan absoluuttinen maksimi näkyvän x-akselin alueella.

Huomautuksia:

- Kuvatut yhteydet koskevat vastaavasti myös paikallisia minimiarvoja.
- Työkalupalkin Minimi- ja maksimikäskyt (MIN ja MAX) laskevat paikalliset ääriarvot. Käskyt fMin ja fMax laskevat absoluuttiset ääriarvot. Grafiikkasovelluksessa arvot määritetään näkyvän x-akselin arvojen alueelta, Pääsovelluksessa koko funktion määrittelyjoukon alueelta.
- Kaikki laskutoimitukset suoritetaan numeerisesti (eli likimääräisesti) valikossa Analyysi –> G-Ratk. Tarkat arvot saadaan Pääsovelluksessa.

39



Derivointi ja integrointi

Olkoon funktio $f(x) = xe^x$

- Tehtävänä on määrittää – derivaattafunktio
 - denvaattarunktio
 integraalifunktio
 - integraaliiunkuo
 määrätyn integraali
 - määrätyn integraalin arvo välillä [2, 3].

ClassPadin pääsovelluksessa voi sekä derivoida että integroida. Niihin liittyvät käskyt ovat Mat.2 välilehdellä.



Derivaattafunktion muodostaminen

Tehtävänä on muodostaa kosinifunktion derivaatta tangentin kaltevuuden muutoksen avulla ja esittää muodostuva käyrä ClassPadissa. Muodostamiseen käytetään geometriasovellusta.



Tuodaan ensin koordinaatisto näyttöön painikkeen avulla (kosketetaan useampi kerta halutun näkymän saamiseksi) ja piirretään funktio f(x) = cos(x)käskyllä Piirrä - Funktio - f(x).

Sijoitetaan tangentti haluttuun kohtaan valitsemalla kuvan tangenttipainike ja koskemalla käyrää. Tämä voidaan tehdä myös käskyllä Piirrä - Rakenna - Tangentti käyrälle.

Valitaan seuraavaksi animaatiota varten äsken luotu tangenttipiste A ja kosinin käyrä koskemalla niitä kynällä. Valinta näkyy tummennettuina väreinä ja käyrälle ilmestyvänä kolmena pisteenä.





Animaatio luodaan valitsemalla Muok - Animoi - Lisää animaatio.

Jos halutaan tarkastella animaatiota, valitaan Muok - Animoi - Aja (kerran).

Animoinnin tutkimista varten voidaan myös avata animoinnin käyttöliittymä valikosta Näytä -Animaatio-UI, jolloin voidaan mm. katsoa animaatiota liukupalkin avulla eteen- ja taaksepäin askeleen tarkkuudella.

Animaation aikana syntyvät kulmat, pituudet ja vastaavat tiedot voidaan analysoida myöhemmin.



Aina kun haluat poistaa valinnan, kosketa kynällä tyhjää aluetta koordinaatistossa.



Valinnat poistetaan koskemalla kynällä tyhjää kohtaa ja valitsemalla sitten pelkästään piste A.

Työkalurivillä -näppäimellä voidaan siirtyä oikealle mittakentän näyttämistä varten. Ylhäällä näkyvät nyt pisteen A koordinaatit ja niiden oikealla puolella mittaustietotaulukon (arvotaulukon) kuvake: 📖

Koskettamalla kuvaketta IIII, pisteen A mittaustietotaulukko tulee näkyviin.

Taulukossa näkyy pisteen A animaatiossa kulkemat sijainnit.



¢	Tie	d. Muc	ok Näy	tä Piir	rä		\times
х•у:	۷	y=0.	1411•	x-0.		D	٩
			1.5				Π
			<u> </u>				
_	_	2			\geq		┦
	_				-		Ц
А							
			-2.5				
x	0 F		y	110	-	[•
-3.	20 90'	789	-0.98	7282			
-2.	56	579	-0.83	3876			
-1.	88	158	-0.80	1580			
-î.	53	947	0.031	318			
-1.	19	737	0.364	1809			
	80	316	0.650	1199			
-ő.	17	105	0.985	5406			
0 1	71	053	0 987	5406			
						1	Ē

Seuraavaksi poistetaan pisteen valinta (kosketa taustaa) ja valitaan tangenttisuora koskettamalla sitä.

Ylhäällä mittakentässä näkyy nyt suoran yhtälö. Tarvitaan kuitenkin vielä tietoa tangentin kaltevuuden muutoksista.

Kaltevuuden arvot (kulmakertoimet) voidaan valita vasemmanpuoleisen valikon 🕼 -näppäimen avulla.



42

🗢 Tied. Muok Näytä Piirrä 🛛 🖂					\times	
/₄† ▼	0.14	11324	1			4
		2				
		<u> </u>				
L	\checkmark			\geq		
2	¥			نحسو	$\overline{}$	
A	_					
lv		~ ~			_	
-3.25		-0.98	9413	-	- 1	-
-2.90 -2.56	789	-0.97	282			
-2.22	368	-0.60	0748			
-1.88	158	-0.30	0580		- 1	
-1.03 -1.19	947 737	0.031	1818			
-0.85	526	0.656	6020			
-0.51	316	0.871	199			
6 171	053	0.980	5406			V
					1	(111
1000						_

Nyt ylhäällä mitakentässä näkyy tangentin kaltevuus.

Koskettamalla 📖 - näppäintä, myös tangentin kaltevuuden arvot näkyvät mittaustietotaulukossa.





Valitsemalla sarakkeet "x" ja "kaltevuus" ja raahaamalla ne kynällä koordinaatiston päälle saadaan piirrettyä käyrä, jonka koordinaatit ovat (x, f'(x)).

Jotta voidaan osoittaa, että kyseessä on sinikäyrä f(x) = -sin(x), voidaan suorittaa vielä regressio.

Aktivoi mittaustietotaulukko koskemalla sitä kynällä (valikkorakenne muuttuu työkalurivillä). Kopioidaan valitut sarakkeet valitsemalla Muok -Kopioi toiseen sovellukseen siirtämistä varten.







44

0	Tied. Muok	Graaf Las	ke	X
0.5 <u>1</u> ➡2	в 🗛	• •	Jillı ▼	Þ
	А	В	С	
1	-3.25	-0.1082		
2	-2.9079	0.23159		
3	-2.5658	0.54452		
4	-2.2237	0.79434		
5	-1.8816	0.95209		
6	-1.5395	0.99951		
7	-1.1974	0.93108		-
8	-0.8553	0.75475		
9	-0.5132	0.49094		
10	-0.1711	0.17023		
11	0.17105	-0.1702		
12	0.51316	-0.4909		
13	0.85526	-0.7547		-
14	1.19737	-0.9311		-
15	1.53947	-0.9995		-
16	1.88158	-0.9521		
-3.	25		~	X
A1:B2	0		1	(11)
	_			_

Valitaan Menu-valikosta Taulukko-sovellus ja lisätään tiedot Muok - Liitä. Regressio avataan valitsemalla Laske - Regressiot - Sinifunkt. regr (Sinifunktioregressio).

¢ X Ħ -3.25-0.1082 $\begin{array}{r} -3.25 - 0.1082 \\ -2.9079 \ 0.23159 \\ -2.5658 \ 0.54452 \\ -2.2237 \ 0.79434 \\ -1.8816 \ 0.95209 \\ -1.5395 \ 0.99951 \end{array}$ 2 3 4 5 6 -3.25 Sinifunkt. regr y=a•sin(b•x+c)+d a = 1 b = 1 c = -3.141592 Lähtö>> 🗸 Linkki Sulje (11)

Tässä osoitettiin kosinifunktiolle piirretyn tangen- tin kaltevuuden avulla, että kosinin derivaatta on sini.
$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

•

(11)

ClassPadin antamien parametrien mukaan reg-

ression tuloksena on käyrä y = sin(x - 3, 141592),

eli π :llä siirretty sinifunktio. Funktio on yhtä suuri

Saadut tulokset voi vielä tarkistaa Pääsovelluksessa.

Vihje

Asetusvalikossa kulman perusmuodoksi on määritettävä radiaanit.

$\frac{d}{dx}(\cos \theta)$	y(sin(s(x))	x-π)))	—sin (—sin (x) (x) (x)
Mat.1	Line	-	√∎	π	¢
Mat.2	sin	cos	tan	i	00
Mat.3	sin ⁻¹	cos ⁻¹	tan-1	θ	t
Trig	sinh	cosh	tanh	0	r
Var	sinh=1	cosh=1	tann		
abc	sinn -	cosn -	tann -	U-	
A Y	+	Ē		vas	EXE
41-	Torkk		Pool	Ded	1 4

kuin $-\sin(x)$.

Kolmion ympäri piirretyn ympyrän keskipisteen määrittäminen

Tehtävänä on määrittää kolmion ympäri piirretyn ympyrän keskipiste eli kolmion keskinormaalien leikkauspiste.

Tehtävässä käytetään geometriasovellusta, jossa on mahdollista tehdä myös dynaamisia muutoksia.

 Aluksi lisätään kolmio valikkopalkin avulla. Jos näkyviin on valittu koordinaatisto, pisteet kohdistetaan kokonaislukuihin.

Seuraavaksi kolmion kulmapisteet voidaan siirtää haluttuihin paikkoihin. Kulmapiste valitaan koskettamalla sitä, nostamalla kynä ja raahaamalla kulmapiste haluttuun paikkaan. Kulman koordinaatit näkyvvät koordinaatiston alla.

Poistetaan kulman valinta koskettamalla taustaa ennen uuden kulman valintaa.





Valitaan yksi kolmion sivu keskinormaalin määrittämistä varten. Geometr.

45







Keskinormaali lisätään valitsemalla työkaluista keskinormaalin ikoni tai valikosta Piirrä - Rakenna – Keskinorm (keskinormaali).

Keskinormaali piirretään. Poistetaan valinta koskemalla taustaa, valitaan toinen sivu ja piirretään toinen keskinormaali samalla tavalla.





Näytössä näkyy nyt kaksi keskinormaalia. Poistetaan valinnat koskemalla tyhjää kohtaa koorinaatistossa. Seuraavaksi määritetään keskinormaalien leikkauspiste.

Valitaan molemmat keskinormaalit kynällä. Leikkauspiste määritetään valitsemalla työkaluista leikkauspisteen ikoni tai valikosta Piirrä - Rakenna – Leikkausp (Leikkauspiste). Leikkauspiste saa symbolikseen seuraavan vapaan kirjaimen D.



Näppäimen 💿 avulla muodostetaan ympyrä keskipisteen ja kolmion kulmapisteen kautta. Valitaan ensin piste D ja sitten kulmapiste. Konstruktio on valmis.

Kuva voidaan sovittaa ihanteellisesti näytölle = -merkistä.

Päätetään ympyrätyökalun käyttö koskemalla valintatyökalua 💽.

Tied. Muok Näytä Piirrä

Қ • 🔾 • 🛆 • Х •

10

(111)

Kolmion muotoa voidaan muuttaa ja ympyräkonstruktio säilyy.

Ē

Tied. Muok Näytä Piirrä

0 1

00

Tied. Muok Näytä Piirrä

10

-10

A

2717

<u>х</u>+у=

A

x+y= x^2+y^2-4•x-2•y-45 🖬 🖪

-5 120

• × • :::::

K V 🖉 V 🛆

≁ -∕ ⊁ã ⊙



-10

Valittuja graafisia kuvioita voidaan helposti myös värittää valikosta Muok - Tyyli.

10

ćiiii

Valittujen komponenttien ominaisuudet voidaan siirtää koordinaatistoon näkyville koskemalla omi-

naisuuden symbolia alasvetovalikon vieressä.





sovellukseen ja valitsemalla Sovita kartiomuotoon.

Tilasto Arpakuutiota heitetään sata kertaa. Millä välillä on parillisten heittojen lukumäärä, kun luottamusväli on 0,95 eli 95 %? Tehtävä ratkaistaan tilastosovelluksessa.



Hypoteesin testaus

Koska kyseessä on luottamusvälin määrittäminen, tarvitaan käänteistä jakaumaa, joka otetaan käyttöön valitsemalla Laske - Käänt. jakauma.

Käytetään normaalijakauma-approksimaatiota tämän binomijakaumaa noudattavan tilastomuuttujan tutkimiseen.

Ohje -ruudun valitsemisesta voi olla apua.

X



Arvot lisätään. Binomijakauman keskihajonta määritellään $\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)}$

100 heiton odotusarvo on np = 50. Tulokset avautuvat, kun valitset Seur(aava).

Virtuaalinäppäimistö on normaalisti käytössä kaikissa sovelluksissa.

Voit tarkastella yksittäisten kenttien merkityksiä valitsemalla Ohje-valintaruudun.

0.95 5 50
5 50
50
rvo Ohje Seur >>
r

O

0		$\left \times \right $
$\forall \forall$		•
x₁InvN	40.20018	
x ₂ InvN	59.79982	
prob	0.95	
σ	5	
μ	50	
Integroinnin aikavä	lin alaraja	
<< Tak.	Ohje	
	1	-
		(IIII)

Välin voi esittää graafisesti koskettamalla 册-näppäintä.

 C Muok Zoom Analyysi ◆

 Y1:

 Y2:

 W1:

 W1:

♥ Muok Zoom Ar View Pilli € 2 2

Väli on [40,2; 59,8]. 95 prosentissa tehtävän mukaissa satunnaiskokeissa parillisten heittojen määrä on siis välillä 41–59.



Hakemisto

A

animaatio 41 arvotaulukko 20,42 asetukset 33

D

derivointi 11, 40 dynaaminen käyrä 24

E

ehto-operaattori 17

I

integrointi 9, 17, 23, 37, 40 interaktiivinen valikko 11

J

jakaumafunktiot 32, 48 jono 31

K

keskinormaali 46 kielivalinnat 33 kolmio 25, 27, 45 koordinaatisto 25, 41, 43, 45, 47 kopiointi 12 kulkukaavio 21 kulman suuruus 26

L

leikkauspiste 36, 46 luottamusväli 48

Μ

maksimi 38 matriisit 18 minimi 39 mittakenttä 25,42 muuttuja 16,19

Ν

nollaaminen 33 näytön kääntäminen 6

P

pääsovellus 6, 7, 33

R

regressio 28, 30, 44 reunaehdot 36

S

sijoitusoperaattori 16 solve 13, 34, 37

Т

tangentti 41, 43 taustavalon kirkkaus 33 toimintaperiaate 11 trigonometriset yhtälöt 34

V

vaakanäyttö 11, 34 vektorit 19 virtuaalinäppäimistö 8, 12, 15 väritys 47

Y

yhtälöryhmät 15, 18, 35 yhtälöt 13 ylioppilaskirjoitukset 33 ympyrä 45

Casio Scandinavia Keilaranta 4 02150 Espoo

info@casio.fi

www.casio-laskimet.fi edu.casio.com